

Lycée Pilote Medenine	Devoir de synthèse N°2	ProfS : M <sup>me</sup> : Chtéoui.F B.H.M <sup>ed</sup> Mahmoud
Date : 08/03/2005	Durée : 2h	1 <sup>ère</sup>

**A ) Algèbre : ( 10 points )**

**Exercice N°1 : ( 7 points )**

I / On considère  $A = |x^2 - 4| - 3$

- Résoudre dans  $\mathbb{R}$ , l'équation  $|A| = 7$ .
- a) Ecrire A sans symbole valeur absolue.  
b) Résoudre dans  $[-2 ; 2]$ , l'inéquation :  $A < x(3-x)$ .

II / On donne l'expression  $B = 4(x+1)^2 - (x-1)^2 - x(x+3)^2$ .

- a) Factoriser B.  
b) Résoudre dans  $[-2 ; 2]$ , l'équation :  $2A = B - (x+1)$ .
- a) Dresser le tableau de signe de B.  
b) Résoudre dans  $\mathbb{R}$ , l'inéquation  $\sqrt{B} \leq \sqrt{3}(1-x)$ .

**Exercice N°2 : ( 3 points )**

En organisant un voyage de fin d'année, un lycée a loué des cars :

- Si on décide de mettre 40 élèves par car ; 11 élèves n'ont pas de places.
- Si on met 43 élèves par car, il reste une place vide dans un car.

- Combien a-t-on loué de cars ?
- Quel est le nombre des élèves ?

**B) Géométrie: ( 10 points )**

On considère un triangle AEC tels que :  $AE=4$ ,  $EC=5$  et  $AC=6$ .

- a) Construire les points  $E'$ ,  $C'$  et  $G$  tels que :

$$\overrightarrow{AE'} = \frac{2}{3} \overrightarrow{AE}; \overrightarrow{AC'} = \frac{1}{3} \overrightarrow{AC} \text{ et } \overrightarrow{AG} = \frac{2}{3} \overrightarrow{AE} + \frac{1}{3} \overrightarrow{AC}.$$

b) Montrer que  $\overrightarrow{CG} = \frac{2}{3} \overrightarrow{CE}$ .

- Soit B l'image de E par la translation de vecteur  $\overrightarrow{AE}$ .

Montrer que :  $\overrightarrow{GA} + \overrightarrow{GB} + \overrightarrow{GC} = \vec{0}$ .

- La droite (AG) coupe (BC) en F.

a) Montrer que  $\overrightarrow{EF} = \frac{3}{2} \overrightarrow{E'G}$ .

b) On désigne par M le milieu du segment  $[GE']$ . Montrer que M est le centre de gravité du triangle AEF.

- On reprend le triangle ABC avec les points G et F.

On désigne par  $\mathcal{C}$  le cercle circonscrit au triangle ABC et par O son centre (voir figure page 2).

a) Construire (sur la figure) :  $D = S_O(A)$  et  $H = t_{\overrightarrow{DB}}(C)$ .

b) Montrer que BHCD est un parallélogramme et en déduire que  $\overrightarrow{OF} = \frac{1}{2} \overrightarrow{AH}$

c) Montrer que H est l'orthocentre du triangle ABC.

d) Etablir les relations suivantes :  $\overrightarrow{HA} + \overrightarrow{HB} + \overrightarrow{HC} = 2\overrightarrow{HO}$  et  $\overrightarrow{OA} + \overrightarrow{OB} + \overrightarrow{OC} = 3\overrightarrow{OG}$

e) En déduire que les points O, G et H sont alignés.